

解答例

1.

(1) 理想オペアンプでは, $R_{in} = \infty \Omega$, $R_{out} = 0 \Omega$

$$(2) \quad V_{out} = A \times (V_+ - V_-)$$

$$(3) \quad V_c = \frac{R_1}{R_1 + R_2} V_{out}$$

$$(4) \quad V_{out} = A \times \left(V_{in} - \frac{R_1}{R_1 + R_2} V_{out} \right)$$

$$\frac{V_{out}}{A} = V_{in} - \frac{R_1}{R_1 + R_2} V_{out}$$

$$V_{out} \left(\frac{1}{A} + \frac{R_1}{R_1 + R_2} \right) = V_{in}$$

$$\therefore \frac{V_{out}}{V_{in}} = \frac{1}{\frac{1}{A} + \frac{R_1}{R_1 + R_2}}$$

(5) $A \rightarrow \infty$ とすると, (4) の結果は

$$\frac{V_{out}}{V_{in}} = \frac{R_1 + R_2}{R_1} = 1 + \frac{R_2}{R_1}$$

となる。

2.

(1) $|300-500| = \underline{200 \text{ Hz}, 150 \text{ Hz}}$ ※150 Hz の周波数成分は変化せず, 300 Hz の周波数成分はエイリアシングにより 200 Hz に変化する。

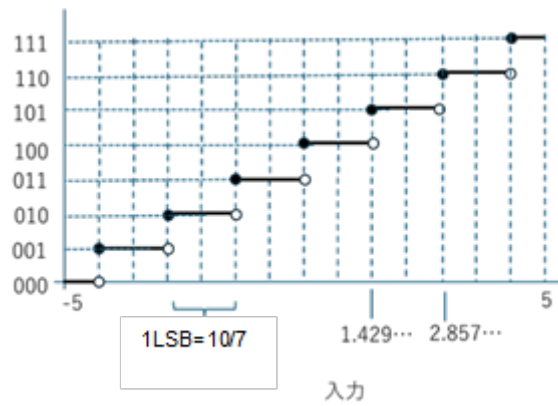
(2) 10/7

$$\text{量子化ステップ幅} \Delta = \text{量子化範囲} \div (\text{レベル数} - 1) = (5 - (-5)) / (2^3 - 1) = 10 / 7 \doteq 1.43$$

(3) 量子化器の出力: 5 (=101)

$$\text{図から量子化後の値} : 5 - 2\text{LSB} = 5 - 2 \times 10/7 = 2.143$$

$$\text{量子化誤差} \doteq |2.143 - 1.8| = \underline{0.343}$$



$$(4) F[k] = \sum_{n=0}^{N-1} f[n] e^{-j\frac{2\pi}{N}kn}$$

$$F[0] = f[0] + f[1] + f[2] + f[3] = 1 + 1 + 0 + 0 = 2$$

$$F[1] = f[0]*1 + f[1]*e^{-j\pi/2} + f[2]*e^{-j\pi} + f[3]*e^{-3j\pi/2}$$

$$= 1*1 + 1*(-j) + 0*(-1) + 0*(j) = 1-j$$

$$F[2] = 0$$

$$F[3] = 1+j$$

$$(5) \text{ 実部: } (2, 1, 0, 1), \text{ 虚部 } (0, -1, 0, 1)$$

$$\text{振幅スペクトル } |F[k]| = \sqrt{(Re(F[k]))^2 + (Im(F[k]))^2}$$

$$|F[0]| = \sqrt{2^2 + 0^2} = 2$$

$$|F[1]| = \sqrt{1^2 + (-1)^2} = \sqrt{2}$$

$$|F[2]| = \sqrt{0^2 + 0^2} = 0$$

$$|F[3]| = \sqrt{1^2 + 1^2} = \sqrt{2}$$

$$\text{振幅スペクトル: } (2, \sqrt{2}, 0, \sqrt{2})$$

$$\text{位相スペクトル } \arg(F[k]) = \tan^{-1}\left(\frac{Im(F[k])}{Re(F[k])}\right)$$

$$\arg(F[0]) = \tan^{-1}\left(\frac{0}{2}\right) = 0$$

$$\arg(F[1]) = \tan^{-1}\left(\frac{-1}{1}\right) = -\frac{\pi}{4}$$

$$\arg(F[2]) = \tan^{-1}(0/0) = 0 \text{ (不定でも正解とする)}$$

$$\arg(F[3]) = \tan^{-1}\left(\frac{1}{1}\right) = \frac{\pi}{4}$$

$$\text{位相スペクトル: } (0, -\frac{\pi}{4}, 0, \frac{\pi}{4}) \text{ (第3成分は不定でも正解とする)}$$

3.

- (1) 運動方程式は, $M\ddot{x} = f - Kx - D\dot{x}$, 整理すると, $M\ddot{x} + D\dot{x} + Kx = f$
 初期値をゼロとして両辺ラプラス変換すると, $(Ms^2 + Ds + K)X(s) = F(s)$
 したがって,

$$\text{伝達関数 } G(s) = \frac{X(s)}{F(s)} = \frac{1}{Ms^2 + Ds + K}$$

- (2) $M=1, D=3, K=2$ より, 伝達関数 $G(s) = \frac{1}{s^2 + 3s + 2}$
 入力単位ステップ関数 $F(s) = \frac{1}{s}$ のときの応答は,

$$X(s) = G(s)F(s) = \frac{1}{s^2 + 3s + 2} \cdot \frac{1}{s} = \frac{1}{s(s+1)(s+2)} = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{s} - \frac{1}{s+1} + \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{s+2}$$

$$\text{逆ラプラス変換すると, } x(t) = \frac{1}{2} - e^{-t} + \frac{1}{2}e^{-2t}$$

- (3) 周波数伝達関数は, $G(j\omega) = \frac{1}{j\omega + 1} = \frac{1}{\omega^2 + 1} - j \cdot \frac{\omega}{\omega^2 + 1}$

$$\text{したがって, ゲイン } |G(j\omega)| = \frac{1}{\sqrt{\omega^2 + 1}}, \text{ 位相 } \angle G(j\omega) = -\tan^{-1}\omega$$

また, 角周波数 $\omega = 2 \text{ rad/s}$ のときのゲイン $|G(j\omega)| = \frac{1}{\sqrt{5}}$, よって振幅は $\frac{1}{\sqrt{5}}$ 倍になる。

- (4) ブロック線図の内側のループの伝達関数 $G'(s) = \frac{\frac{1}{s}}{1 + \frac{KV}{s}} = \frac{1}{s + KV}$,

$$\text{したがって, 入力 } x \text{ から出力 } y \text{ までの伝達関数 } G(s) = \frac{K_P \cdot G'(s) \cdot \frac{1}{s}}{1 + K_P \cdot G'(s) \cdot \frac{1}{s}} = \frac{K_P}{s^2 + K_V s + K_P}$$

- (5) 2次遅れ系は, $G(s) = \frac{\omega_n^2}{s^2 + 2\zeta\omega_n s + \omega_n^2}$ と表せる。

$$(4) \text{ の結果より, } K_V = 2\zeta\omega_n = 20, K_P = \omega_n^2 = 100$$